



السنة الأولى - جذع مشترك -

المقياس: رياضيات

التمرين الأول :

لتكن f الدالة المعرفة على $\mathbb{R} - \{-2\}$ بالعلاقة $f(x) = \frac{2x^2 + 5x + 10}{2x + 4}$.

و (C) تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$.

(1) احسب نهايات الدالة f عند أطراف مجالي مجموعة التعريف واستنتج أن (C) يقبل مستقيما مقاربا (D) موازيا لمحور الترتيب يطلب تعيين معادلته.

(2) عين الأعداد الحقيقية $a; b; c$ بحيث يكون من أجل كل عدد حقيقي x من $\mathbb{R} - \{-2\}$:
 $f(x) = ax + b + \frac{c}{2x+4}$

(3) استنتج أن المنحني (C) يقبل مستقيما مقاربا مائلا (Δ) يطلب تعيين معادلته.
- ادرس وضعية (C) بالنسبة إلى (Δ).

(4) ادرس اتجاه تغير الدالة f ثم شكل جدول تغيراتها.

(5) بين أن النقطة $\Omega(-2; -\frac{3}{2})$ هي مركز تناظر المنحني (C).

(6) ارسم (D) ، (Δ) و (C).

التمرين الثاني:

الجزء الأول:

نعتبر الدالة العددية g المعرفة على المجال $]0; +\infty[$ بما يلي: $g(x) = 1 - x^2 - \ln x$

1. أحسب $g(1)$ و نهايتي الدالة g عند 0 و $+\infty$.

2. ادرس تغيرات الدالة g ثم أنشئ جدول تغيراتها.

3. أستنتج إشارة $g(x)$.

الجزء الثاني:

لتكن الدالة العددية f المعرفة على المجال $]0; +\infty[$ كما يلي: $f(x) = -x + 3 + \frac{\ln x}{x}$

(c_f) المنحني الممثل للدالة f في معلم متعامد و متجانس $(o; \vec{i}, \vec{j})$

1. احسب نهاية الدالة f عند 0 ثم أعط تفسيراً هندسياً.

2. بين أن (c_f) يقبل مستقيماً مقارباً مائلاً (Δ) عند $+\infty$ يطلب تعيين معادلته له.

ثم أدرس الوضعية النسبية لـ (c_f) بالنسبة إلى (Δ).

3. بين أن من أجل كل $x \in]0; +\infty[$: $f'(x) = \frac{g(x)}{x^2}$ ثم أنشئ جدول تغيرات الدالة f .
4. تحقق أن (c_f) يقطع محور الفواصل في نقطتين فواصلهما x_1, x_2 بحيث: $0 < x_1 < 1$ و $3 < x_2 < 4$.
5. بين أنه توجد نقطة وحيدة A من (c_f) المماس فيها موازي لـ (Δ) وحدد إحداثياتها.
6. أثبت أن (c_f) يقبل نقطة انعطاف يطلب تعيين إحداثياتها.
7. أنشئ المستقيم (Δ) و المنحنى (c_f) .

التمرين الثالث :

الجزء الأول:

لتكن الدالة g المعرفة على IR كمايلي : $g(x) = 2e^x - x - 2$.

1. أحسب نهاية الدالة g عند $-\infty$ و نهاية الدالة g عند $+\infty$.
2. ادرس اتجاه تغير الدالة g ثم شكل جدول تغييرات الدالة g .
3. نقبل أن المعادلة $g(x) = 0$ تقبل حلين حقيقيين.
 - a. تحقق أن 0 هو أحد حلولها.
 - b. برهن أن α هو الحل الأخر حيث $-1.6 \leq \alpha \leq -1.5$.
4. استنتج إشارة الدالة g حيث قيم المتغير الحقيقي x .

الجزء الثاني:

لتكن الدالة f المعرفة على IR كمايلي : $g(x) = e^{2x} - (x+1)e^x$.

1. أحسب نهاية الدالة g عند $-\infty$ و نهاية الدالة g عند $+\infty$.
2. أحسب $f'(x)$ ، بين أن لـ $f'(x)$ و $g(x)$ نفس الإشارة، ثم شكل جدول تغييرات الدالة f .
3. بين أن $f(\alpha) = -\frac{\alpha^2 + 2\alpha}{4}$ حيث α المعروف في الجزء الأول.
4. أرسم المنحنى (C_f) الممثل للدالة f في مستوي مزود بمعلم متعامد و متجانس $(O; \vec{i}; \vec{j})$ الوحدة 2 cm .

التمرين الرابع :

أدرس قابلية استمرار و اشتقاق الدالة f عند القيمة $x_0 = 0$:

$$f(x) = \begin{cases} x \ln(x) & x \in]0, +\infty[\\ x \left(2 - e^{-\frac{1}{x}} \right) & x \in]-\infty, 0[\\ 0 & x = 0 \end{cases}$$